

KS Q 1001

계량 규준형 1회 샘플링 검사

계량규준형 1회 샘플링검사는 로트로부터 n 개의 샘플을 단 1회 채취하여 샘플 중 검사단위의 품질특성을 측정하고 그 평균값 \bar{x} 를 산출하여 합격판정값과 비교해서 조건을 만족하면 그 로트를 합격으로 하고, 조건을 만족하지 않으면 그 로트를 불합격으로 판정하는 샘플링검사이다. 계량규준형 샘플링검사는 계수규준형 샘플링검사에 비하여 샘플크기가 작은 잇점이 있는 반면에 품질특성치를 측정하는데 시간이 더 소요되는 단점이 있다.

KS Q 1001은 σ 가 기지인 경우의 계량규준형 1회 샘플링검사로서 아래 두가지 샘플링검사방식을 제공하고 있다.

- ① 로트의 평균값을 보증하는 경우
- ② 로트의 부적합품률을 보증하는 경우

※ KS Q 1001는 변경전의 명칭은 KS A 3103이다.

(1) 로트의 평균값을 보증하는 경우

□ 검사의 절차(망소, 망대특성인 경우)

- ① 품질특성의 측정방법을 정한다.
- ② m_0 와 α , m_1 과 β 를 정한다.

- m_0 : 가급적 합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계
- α : 생산자 위험
- m_1 : 가급적 불합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계
- β : 소비자 위험

- ③ 로트를 형성한다.

④ 로트의 표준편차 σ 를 결정한다.

⑤ 샘플의 크기 n 과 합격판정값을 결정한다.

구분	샘플 크기	합격판정값
특성치가 작을수록 좋은 경우 (망소특성)	$n = \left(\frac{K_\alpha + K_\beta}{m_1 - m_0} \right)^2 \cdot \sigma^2$	$\bar{X}_U = m_0 + \frac{K_\alpha}{\sqrt{n}} \cdot \sigma$
특성치가 클수록 좋은 경우 (망대특성)	$n = \left(\frac{K_\alpha + K_\beta}{m_0 - m_1} \right)^2 \cdot \sigma^2$	$\bar{X}_L = m_0 - \frac{K_\alpha}{\sqrt{n}} \cdot \sigma$

※ K_α, K_β 는 표준정규분포에서의 확률이 α, β 인 임계치이다.

⑥ 로트로부터 n 개의 샘플을 채취한다.

⑦ 각 샘플의 특성치 x_i 를 측정하고, 평균값 \bar{x} 를 계산한다.

⑧ 로트의 합격·불합격 판정을 내린다.

▶ 특성치가 작을수록 좋은 경우(망소특성)

$\bar{x} \leq \bar{X}_U$ 이면 로트를 합격으로 판정

▶ 특성치가 클수록 좋은 경우(망대특성)

$\bar{x} \geq \bar{X}_L$ 이면 로트를 합격으로 판정

⑨ 로트를 처리한다.

합격 또는 불합격으로 판정된 로트는 미리 정한 약속에 따라 처리한다. 어떠한 경우라도 불합격이 된 로트를 그대로 재제출해서는 안 된다.

[예제] 어떤 제품의 품질특성치는 망소특성인 로트에 대하여 로트 평균값이 0.0048이하이면 합격으로 하고, 0.006이상이면 불합격시키도록 하는 계량규준형 1회 샘플링검사방식을 설계하고자 한다. 단, 로트의 표준편차 $\sigma=0.0008$ 로 알려져 있다.

(1) $\alpha=0.05$, $\beta=0.10$ 으로 하여 계량규준형 1회 샘플링검사방식을 KS Q 1001에 의하여 설계하라.

(2) 위 검사개수에서 샘플의 평균이 $\bar{x}=0.0056$ 으로 나왔다면 로트는 합격인지 불합격인지를 판정하라.

Web Sampling을 이용한 분석

- ① Web Sampling 실행
- ② KS Q 1001 선택
- ③ 로트의 평균값을 보증하는 경우(한쪽규격) 선택
- ④ 입력요소 입력

KS Q 1001 샘플링검사 설계	
유형	<input checked="" type="radio"/> 망소특성 <input type="radio"/> 망대특성
합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계(m0)	0.0048
불합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계(m1)	0.006
생산자 위험(alpha)	5 %
소비자 위험(beta)	10 %
표준편차	0.0008

⑤ 설계결과 출력

설계결과	
샘플 크기(n)	4
합격판정값	0.005508
<p>※ 로트로부터 n개의 샘플을 추출하여 각 샘플의 특성치를 측정하고, 평균값(\bar{x})을 계산한 다음,</p> <p>$\bar{x} \leq 0.00551$ 이면 로트를 합격으로 판정</p>	

(1) 샘플링 검사 설계

로트로부터 4개의 샘플을 추출하여 품질특성치를 측정하고 그 평균값(\bar{x})이 $\bar{x} \leq 0.0055$ 이면 로트를 합격으로 판정하고, $\bar{x} > 0.0055$ 이면 로트를 불합격으로 판정한다.

(2) 판정

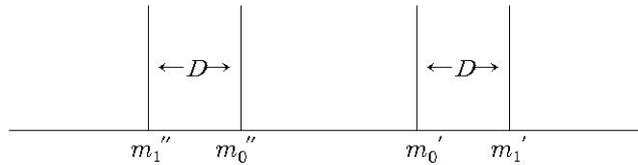
검사결과, 샘플의 평균이 $\bar{x} = 0.0056$ 으로 나왔으므로 로트를 불합격으로 판정한다.

□ 검사의 절차(망목특성인 경우)

① 품질특성의 측정방법을 정한다.

② m_0', m_0'' 와 α , m_1', m_1'' 과 β 를 정한다.

양쪽규격(망목특성)인 주어진 경우에는 규격상한쪽에서 합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계 m_0' , 불합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계 m_1' 와 규격하한쪽에서 합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계 m_0'' , 불합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계 m_1'' 을 정한다. 이때 m_0', m_0'' 와 m_1', m_1'' 이 대칭이 되도록 즉, $|m_1' - m_0'| = |m_1'' - m_0''|$ 이 되도록 하여야 한다.



[그림] 합격/불합격 평균값 한계

③ 로트를 형성한다.

④ 로트의 표준편차 σ 를 결정한다.

⑤ 샘플의 크기 n 과 합격판정값을 결정한다.

구분	샘플 크기	합격판정값
망목특성인 경우	$n = \left(\frac{K_\alpha + K_\beta}{m_0' - m_1'} \right)^2 \cdot \sigma^2$	$\bar{X}_L = m_0'' - \frac{K_\alpha}{\sqrt{n}} \sigma$
	혹은 $n = \left(\frac{K_\alpha + K_\beta}{m_0'' - m_1''} \right)^2 \cdot \sigma^2$	$\bar{X}_U = m_0' + \frac{K_\alpha}{\sqrt{n}} \sigma$

⑥ KS Q 1001에서는 망목특성인 경우에 $\frac{\bar{X}_U - \bar{X}_L}{\sigma/\sqrt{n}} > 5$ 를 만족하여야 한다고 되어 있다. 이

조건은 $\alpha = 0.05$, $\beta = 0.10$ 인 경우에는 $\frac{m_0' - m_0''}{\sigma/\sqrt{n}} > 1.7$ 이 된다. 만일 이 조건을 만족하

지 못하면 망목특성에 대한 샘플링검사 방식을 설계할 수 없다.

- ⑦ 로트로부터 n 개의 샘플을 채취한다.
- ⑧ 각 샘플의 특성치 x_i 를 측정하고, 평균값 \bar{x} 를 계산한다.
- ⑨ 로트의 합격·불합격 판정을 내린다.

$\bar{X}_L \leq \bar{x} \leq \bar{X}_U$ 이면 로트를 합격으로 판정

- ⑩ 로트를 처리한다.

합격 또는 불합격으로 판정된 로트는 미리 정한 약속에 따라 처리한다. 어떠한 경우라도 불합격이 된 로트를 그대로 재제출해서는 안 된다.

[예제] 어떤 금속판의 두께의 기본치수가 5mm인데 두께의 평균값이 기본치수로부터 $\pm 0.10\text{mm}$ 이내에 있는 로트는 합격시키고, $\pm 0.25\text{mm}$ 이상인 로트는 불합격시키도록 하는 계량규준형 1회 샘플링검사방식을 설계하고자 한다. 단, 로트의 표준편차 $\sigma = 0.15$ 로 알려져 있다.

- (1) $\alpha = 0.05$, $\beta = 0.10$ 으로 하여 계량규준형 1회 샘플링검사방식을 KS Q 1001에 의하여 설계하라.
- (2) 위 검사개수에서 샘플의 평균이 $\bar{x} = 5.12\text{mm}$ 로 나왔다면 로트는 합격인지 불합격인지를 판정하라.

Web Sampling을 이용한 분석

- ① Web Sampling 실행
- ② KS Q 1001 선택
- ③ 로트의 평균값을 보증하는 경우(양쪽규격) 선택
- ④ 입력요소 입력

KS Q 1001 샘플링검사 설계	
유형	망목특성(양쪽규격)
규격상한쪽 합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계(m0')	<input type="text" value="5.1"/>
규격상한쪽 불합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계(m1')	<input type="text" value="5.25"/>
규격하한쪽 합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계(m0'')	<input type="text" value="4.9"/>
규격하한쪽 불합격시키고 싶은 로트의 평균값 한계(m1'')	<input type="text" value="4.75"/>
생산자 위험(alpha)	<input type="text" value="5"/> %
소비자 위험(beta)	<input type="text" value="10"/> %
표준편차	<input type="text" value="0.15"/>

⑤ 설계결과 출력

설계결과	
샘플 크기(n)	9
상한합격판정값	5.18225
하한합격판정값	4.81775

※ 로트로부터 n개의 샘플을 추출하여 각 샘플의 특성치를 측정하고, 평균값(xbar)를 계산한 다음,
 $4.81775 \leq \bar{x} \leq 5.18225$ 이면 로트를 합격으로 판정

(1) 샘플링 검사 설계

로트로부터 9개의 샘플을 추출하여 품질특성치를 측정하고 그 평균값(\bar{x})이 $4.81775 \leq \bar{x} \leq 5.18225$ 이면 로트를 합격으로 판정하고, $\bar{x} > 5.18225$ 또는 $\bar{x} < 4.81775$ 이면 로트를 불합격으로 판정한다.

(2) 판정

검사결과, 샘플의 평균이 $\bar{x}=5.12$ 로 나왔으므로 로트를 합격으로 판정한다.

(2) 로트의 부적합품률을 보증하는 경우

□ 검사의 절차

① 품질특성의 측정방법을 정한다.

② p_0 와 α , p_1 과 β 를 정한다.

생산자와 소비자가 합의 하에 합격시키고 싶은 로트 부적합품률의 상한 p_0 , 생산자위험 α 와 될 수 있는 대로 불합격시키고 싶은 로트 부적합품률의 하한 p_1 , 소비자 위험 β 를 지정한다.

③ 로트를 형성한다.

④ 로트의 표준편차 σ 를 결정한다.

⑤ 샘플의 크기 n , 합격판정계수 k 와 합격판정값을 결정한다.

$$\bullet n = \left(\frac{K_\alpha + K_\beta}{K_{p_0} - K_{p_1}} \right)^2$$

$$\bullet k = \frac{K_{p_0} K_\beta + K_{p_1} K_\alpha}{K_\alpha + K_\beta}$$

구분	합격판정값
규격상한 S_U 가 주어진 경우	$\bar{X}_U = S_U - k\sigma$
규격하한 S_L 이 주어진 경우	$\bar{X}_L = S_L + k\sigma$
양쪽규격 S_L, S_U 이 주어지는 경우	$\bar{X}_L = S_L + k\sigma, \quad \bar{X}_U = S_U - k\sigma$

※ KS Q 1001에서는 망목특성인 경우에 $\frac{S_U - S_L}{\sigma} > \frac{1.7}{\sqrt{n}} + 2K_{p_0}$ 를 만족하여야 한다고 되어 있다. 만일 이 조건을 만족하지 못하면 망목특성에 대한 샘플링검사 방식을 설계할 수 없다.

⑥ 로트로부터 n 개의 샘플을 채취한다.

⑦ 각 샘플의 특성치 x_i 를 측정하고, 평균값 \bar{x} 를 계산한다.

⑧ 합격·불합격 판정을 내린다.

- ▶ 규격상한 S_U 가 주어진 경우 (특성치가 작을수록 좋은 경우: 망소특성)

$$\bar{x} \leq \overline{X_U} \text{ 이면 로트를 합격으로 판정}$$

- ▶ 규격하한 S_L 이 주어진 경우 (특성치가 클수록 좋은 경우: 망대특성)

$$\bar{x} \geq \overline{X_L} \text{ 이면 로트를 합격으로 판정}$$

- ▶ 양쪽규격 S_L, S_U 이 주어지는 경우 (망목특성)

$$\overline{X_L} \leq \bar{x} \leq \overline{X_U} \text{ 이면 로트를 합격으로 판정}$$

[예제] 금속판 표면경도의 규격상한(USL)이 경도 57인 제품에 대하여, 로트 부적합품률이 1% 이하인 로트는 합격시키고, 로트 부적합품률이 4%이상인 로트는 불합격시키도록 하는 계량규준형 1회 샘플링검사방식을 설계하고자 한다. 그리고 표준편차는 2라고 알려져 있다.

(1) $\alpha=0.05$, $\beta=0.10$ 으로 하여 계량규준형 1회 샘플링검사방식을 KS Q 1001에 의하여 설계하라.

(2) 위 검사개수에서 샘플의 평균이 $\bar{x}=53.5$ 로 나왔다면 로트는 합격인지 불합격인지를 판정하라.

Web Sampling을 이용한 분석

- ① Web Sampling 실행
- ② KS Q 1001 선택
- ③ 로트의 부적합품률을 보증하는 경우 선택
- ④ 입력요소 입력

KS Q 1001 샘플링검사 설계

규격입력

규격하한
 규격상한
 양쪽규격 하한 상한

합격 품질 수준(AQL) %
불합격 품질 수준(RQL) %
생산자 위험(alpha) %
소비자 위험(beta) %
표준편차

⑤ 설계결과 출력

설계결과	
샘플 크기(n)	26
합격판정계수(k)	2.00284
합격판정값	52.9943
<p style="font-size: small;">* 로트로부터 n개의 샘플을 추출하여 각 샘플의 특성치를 측정하고, 평균값(xbar)을 계산한다음, xbar ≤ 52.9943 이면 로트를 합격으로 판정</p>	

(1) 샘플링 검사 설계

로트로부터 26개의 샘플을 추출하여 품질특성치를 측정하고 그 평균값(\bar{x})이 $\bar{x} \leq 52.9943$ 이면 로트를 합격으로 판정하고, $\bar{x} > 52.9943$ 이면 로트를 불합격으로 판정한다.

(2) 판정

검사결과, 샘플의 평균이 $\bar{x} = 53.5$ 로 나왔으므로 로트를 불합격으로 판정한다.